

Geração de Código

Algoritmo de Programação
Dinâmica para Geração Dinâmica

Geração de Código

- Um algoritmo baseado em programação dinâmica pode ser usado para estender a classe de máquinas (processadores) para as quais pode ser gerado código ótimo a partir de árvores de expressões em tempo linear
- O algoritmo de programação dinâmica particiona o problema de gerar código ótimo para uma expressão nos subproblemas de geração de código ótimo para as subexpressões

Geração de Código

- Em uma expressão $E=E1+E2$, o código ótimo para E é formado pela combinação de programas ótimos para $E1$ e $E2$. A geração de código ótimo para $E1$ e $E2$ é resolvida similarmente
- Um programa ótimo produzido pelo algoritmo de programação dinâmica possui uma propriedade importante: deve avaliar $E=E1+E2$ de maneira contígua.

Geração de Código

- Dizemos que um programa P avalia uma árvore T , com sub-árvores T_1 e T_2 , contiguamente se o programa avalia, primeiramente, a sub-árvore T_1 (T_2) completamente e depois T_2 (T_1), para depois avaliar a raiz de T .
 - Obs: Um passo inicial geralmente é realizado visando avaliar as sub-árvores de T que necessitam ser computadas na memória

Geração de Código

- Pode-se provar que para qualquer dada linguagem de máquina e um programa P que avalia uma árvore de expressão T , pode-se determinar um programa equivalente P' tal que:
 1. P' não possui custo maior que P ;
 2. P' não usa mais registradores que P ;
 3. P' avalia a árvore T contiguamente
- A existência dessa prova implica que toda árvore de expressão T pode ser avaliada (gerar código) de maneira ótima por um programa que avalia T contiguamente

Algoritmo de Programação Dinâmica

- O algoritmo de Prog. Dinâmica é executado em três fases
- Considere que a máquina alvo possui r registradores
- Cada uma das fases pode ser implementada em tempo linear no tamanho da árvore de expressão

Algoritmo de Programação Dinâmica

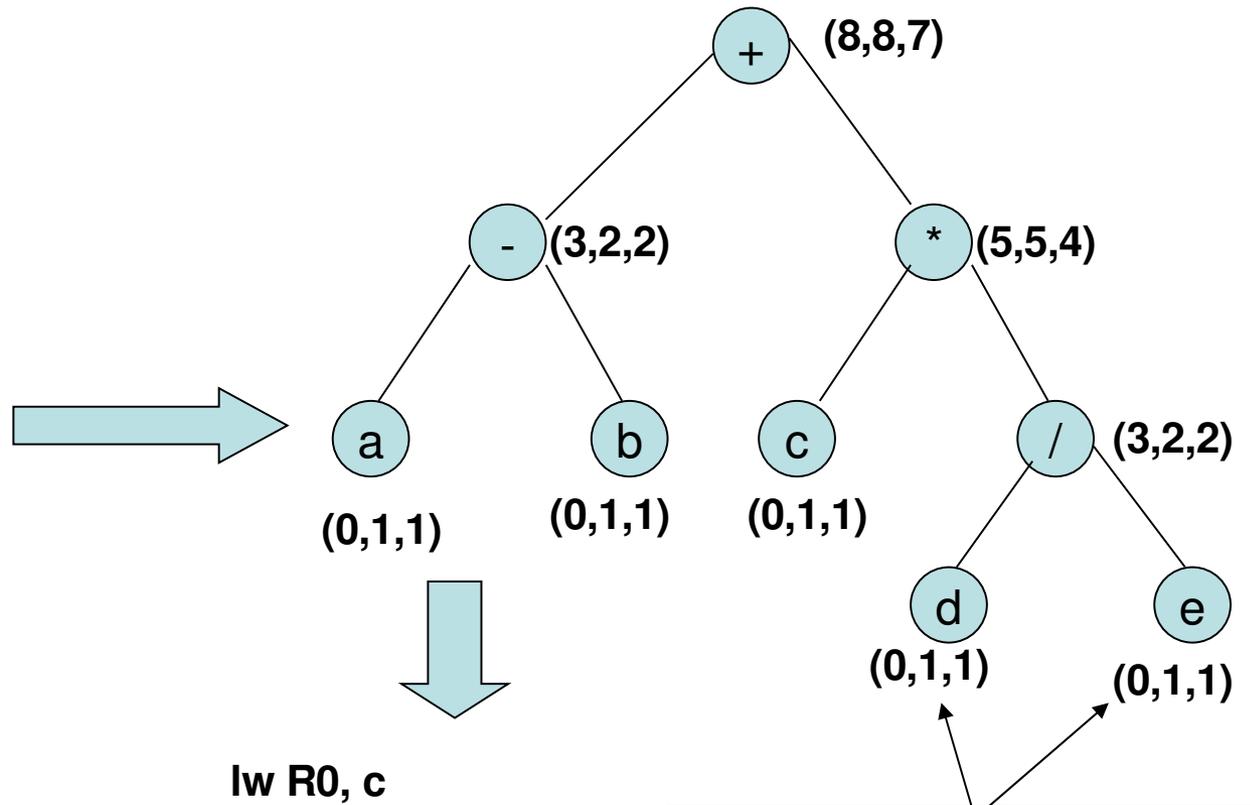
1. Computar, das folhas para a raiz, para cada vértice n da árvore de expressão T , um vetor de custo C em que o i -ésimo elemento $C[i]$ é o custo ótimo para computar a sub-árvore S , com raiz n , em um registrador
 - Considerando que i registradores são disponíveis para a computação, para $1 \leq i \leq r$
 - O elemento na posição 0 do vetor de custos é o custo ótimo para computar o vértice n na memória
2. Atravessar T usando o vetor de custos para determinar quais sub-árvores de T devem ser computadas em memória
3. Atravessar T usando o vetor de custos e instruções associadas para gerar o código alvo final
 - O código para as sub-árvores computadas na memória é gerado primeiro

Algoritmo de Programação Dinâmica

- Exemplo:
 - Considerar uma máquina com registradores R0 e R1 e os seguintes padrões de instruções de custo unitário:
 - lw Ri, Mj
 - op Ri, Ri, Rj
 - op Ri, Ri, Mj
 - lw Ri, Rj
 - sw Rj, Mi

Algoritmo de Programação Dinâmica

- Exemplo:
 - Código:
 - $t1 = a - b$
 - $t2 = d / e$
 - $t3 = c * t2$
 - $t4 = t1 + t3$



```
lw R0, c
lw R1, d
div R1, R1, e
mul R0, R0, R1
lw R1, a
sub R1, R1, b
add R1, R1, R0
```

Vetores de custo para as operações **d** e **e**. Observe que a 1a. Posição é reservada considerando que o valor da operação está na memória

Algoritmo de Programação Dinâmica

- Exercícios: executar o algoritmo de prog. dinâmica sobre as expressões a seguir:
 1. $a/(b+c)-d*(e+f)$
 2. $a+b*(c*(d+e))$
 3. $(a+p)*((b-q)/(c+r))$